應用迴歸分析

應用數學系 吳忠武教授

一、 教材名稱:應用迴歸分析(個別教材編碼:SE-V-001)

二、 教學目標:

「迴歸分析」的模式已被廣泛應用於社會、企業管理、經濟、 工程、衛生及生物科學等領域。所以要成功地應用這些模式, 必須同時對其理論及應用於實際生活所遭遇的實際問題有相 當程度的瞭解。因此這門課程的教學內容主要讓學生能夠達 成下列三點目標:

- (1) 教導上過微積分、線性代數的學生能夠瞭解「迴歸分析」 中的方法原理及其相關性質的推導、進而學習到一些相關 的統計方法及理論。
- (2) 藉由舉例說明或講解如何利用統計軟體 Minitab 來分析資 料。
- (3) 提供一些習題讓學生能自我練習並且讓學生親身分析實際案例,進一步使其瞭解迴歸分析的應用。

三、 教材內容與特色說明:

(一) 教材內容概述

- 1. 教授對象:大學部二年級以上的學生。
- 應用範圍:社會、企業管理、經濟、工程、衛生及生物科學等領域。
- 教授方式:每週課程進行方式,先教授迴歸分析的理論和方法,並且舉例說明及隨堂抽問,同時也提供一些作業讓學生能自我練習。

(二) 教材設計之特色或創意

- 1. 結合統計軟體 Minitab 來協助編著「應用迴歸分析」教材。
- 2. 教材藉由舉例來說明如何利用統計軟體 Minitab 來分析資料。
- 3. 加入學生親自練習的實作,更能讓往後修課學生對教材增加 實用行及可讀性。
- (三) 學生修「迴歸分析」課程在課堂上實作報告的現況





四、 預期效益

- 1. 期許學生學習「迴歸分析」能夠利用統計軟體 Minitab 來 達成親身分析實際案例,進一步使其瞭解迴歸分析的理 論、方法與應用。
- 2. 按照上述課程內容大綱結合統計軟體 Minitab 的使用來編寫「應用迴歸分析」教材(在此,僅放封面目錄);並且將選出一篇優良學生的實作報告納入教材內容。
- 3. 期許學生學會迴歸分析及其應用,未來畢業後在工作職場 上可以提昇其競爭力。

國立嘉義大學補助教師研創優質教材

應用迴歸分析

編者: 吳忠武 教授

目 錄

第一章 單一解釋變數線性迴歸	1-1
§ 1-1 變數間的關係	1-1
§ 1-2 迴歸模型與用途	1-5
§ 1-3 誤差分配未知之簡單線性迴歸模型	1-8
§ 1-4 迴歸分析資料	1-12
§ 1-5 迴歸分析步驟概述	1-14
§ 1-6 迴歸函數估計	1-15
§ 1-7 誤差項變異數的估計	1-23
§ 1-8 常態誤差迴歸模型	1-26
第二章 迴歸分析的推論	2-1
\S 2-1 關於 β_1 的推論	2-1
\S 2-2 關於 β_0 的推論	2-8
$\S 2-3$ 對 β_0 及 β_1 做推論時的一些考慮	2-10
§ 2-4 $E(Y_h)$ 的區間估計	2-12
§ 2-5 新觀測值的預測	2-16
§ 2-6 迴歸線的信賴帶	2-21
§ 2-7 迴歸分析中的變異數分析法	2-23
§ 2-8 一般線性檢定法	2-30

§ 2-9 迴歸模型中 X 和 Y 之關聯的描述性量數	2-33
第三章 診斷與矯正之測量	3-1
§ 3-1 解釋變數的診斷	3-1
§ 3-2 殘差	3-4
§ 3-3 殘差診斷	3-6
§ 3-4 殘差檢定概述	3-16
§ 3-5 常態性之相關檢定	3-18
§ 3-6 變異數一致性檢定	3-19
§ 3-7 配適不佳之 F 檢定	3-23
§ 3-8 矯正測量概述	3-31
§ 3-9 資料轉換	3-33
§ 3-10 迴歸函數型態之探索	3-42
第四章 迴歸的同步推論與其他主題	4-1
§ 4-1 β_0 與 β_1 之聯合估計	4-1
§ 4-2 平均反應的同步估計	4-4
§ 4-3 新觀測值的同步估計	4-7
§ 4-4 通過原點之迴歸線	4-9
§ 4-5 量測誤差的效果	4-13
§ 4-6 反預測	4-15

第五章 簡單線性迴歸之矩陣方法	5-1
§ 5-1 矩陣	5-1
§ 5-2 矩陣之加法與減法	5-4
§ 5-3 矩陣相乘	5-6
§ 5-4 特殊矩陣	5-8
§ 5-5 線性相依與矩陣的秩	5-10
§ 5-6 反矩陣	5-11
§ 5-7 矩陣之基本定理	5-13
§ 5-8 隨機向量與矩陣	5-14
§ 5-9 簡單線性迴歸模型的矩陣表示	5-19
§ 5-10 迴歸參數的最小平方估計	5-21
§ 5-11 配適値與殘差	5-23
§ 5-12 變異數分析	5-26
§ 5-13 迴歸分析推論	5-30
第六章 複迴歸之一	6-1
§ 6-1 複迴歸模型	6-1
§ 6-2 矩陣形式下的一般線性迴歸模型	6-9
§ 6-3 迴歸係數的估計	6-11
§ 6-4 配適値與殘差	6-12

§ 6-5 變異數分析的結果	6-13
§ 6-6 迴歸參數的推論	6-16
§ 6-7 平均反應的估計與新觀測值的預測	6-18
§ 6-8 診斷與矯正測量	6-23
§ 6-9 雙解釋變數的複迴歸案例	6-28
第七章 複迴歸之二	7-1
§ 7-1 額外平方和	7-1
§ 7-2 利用額外平方和檢定迴歸係數	7-9
§ 7-3 檢定迴歸係數之總結	7-13
§ 7-4 偏判定係數	7-16
§ 7-5 標準化複迴歸模型	7-19
§ 7-6 多重共線性及其效果	7-26
第八章 計量與質性解釋變數之迴歸模型	8-1
§ 8-1 多項式迴歸模型	8-1
§ 8-2 交互作用迴歸模型	8-14
§ 8-3 質性解釋變數	8-20
§ 8-4 使用指標變數之考慮	8-28
§ 8-5 計量與質性解釋變數之交互作用	8-31
§ 8-6 更爲複雜之模型	8-34

第九章 建立迴歸模型之一-模型的選擇與	東驗證
	9-1
§ 9-1 建模程序概觀	9-1
§ 9-2 心臟手術實例	9-2
§ 9-3 選擇模型之準則	9-5
§ 9-4 選擇模型的自動搜尋程序	9-9
第十章 建立迴歸模型之二一診斷	10-1
§ 10-1 單一解釋變數之模型之適當性:追加變類	數圖
	10-1
§ 10-2 離群 Y 觀測値之確認:t 化去點殘差	10-5
§ 10-3 離群 X 觀測值之確認:帽子矩陣槓桿值	10-9
§ 10-4 辨識影響個案: DFFITS 値· Cook 距離	10-12
§ 10-5 多重共線性診斷:變異數膨脹因子	10-16
§ 10-6 自我相關的 Durbin-Watson 檢定	10-19
第十一章 建立迴歸模型之三-矯正測量	11-1
§ 11-1 非均一性的誤差變異數之矯正測量:加	權最小
平方法	11-1
§ 11-2 多重共線性的矯正策略: 脊迴歸	11-11
第十二章 實例	12-1

參考文獻